

Министерство образования Украины  
Харьковский государственный технический  
университет радиозлектроники

на правах рукописи

МАЛОЛЕПШЫ Анджей

МОДЕЛИ И АЛГОРИТМЫ В УПРАВЛЕНИИ  
ПОГРУЗОЧНО-ТРАНСПОРТНЫМИ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИМИ ПРОЦЕССАМИ

06.13.01 – управление в технических системах

Автореферат  
диссертации на соискание ученой степени  
кандидата технических наук

Харьков-1994

Работа выполнена на кафедре информатики Харьковского государственного автомобильно-дорожного технического университета и в институте информатики Лодзинского политехнического университета (Польша).

Научный руководитель : доктор технических наук,  
профессор Панишев А.В.

Научный консультант : доктор, профессор Концкий Э.

Официальные оппоненты: доктор физико-математических наук, профессор Шевченко А.Н.,  
кандидат технических наук  
Буслик Н.Н.

Ведущая организация : Главный НИИ по проблемам информатики Министерства экономики Украины

Защита диссертации состоится "1 апреля" 1994г. в 14<sup>00</sup> часов на заседании специализированного Совета К 0689.37.01 в Харьковском государственном техническом университете радиозлектроники (310726, г. Харьков, пр. Ленина, 14).

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке университета.  
Автореферат разослан "28 февраля" 1994г.

Ученый секретарь  
специализированного Совета,  
проф. :ор

Э.А. Дедиков

ЛНБ ім. В. Стефаника  
АН України

ЛНБ України ім. В. Стефаника



00756700 (P)

## ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность проблемы. Проблема оптимального упорядочения работ и согласования операций во времени была и остается актуальной.

Данная работа посвящена решению задач эффективной организации функционирования производственных и транспортных систем, описываемых двухуровневой моделью ресурсов с единственным объектом на первом уровне и несколькими объектами на втором. Процессы, протекающие в таких системах, связаны с ограниченными пропускными способностями одного или нескольких объектов. Внимание и усилия автора сосредоточены на постановках и решениях задач, ориентированных на применение в тех ситуациях, когда особенно ощутима цена за неоправданные простои дорогостоящего оборудования.

Области применения оптимизационных задач с ограничениями на сроки достижения совокупности действий чрезвычайно обширны. Решения таких задач необходимы в ситуациях, при которых приходится делать выбор из множества вариантов воздействий на объект управления.

С усложнением производства и производственных связей, бурным развитием компьютерной техники и информационных систем роль задач упорядочения, регламентирующих работу технических объектов, наклонно возрастает. В этих условиях расширяются границы применения методов оптимального распределения временных ресурсов. Такие методы становятся одним из необходимых инструментов при создании технологий и систем управления гибким автоматизированным производством (ГАП), они приобретают важное значение в решении проблемы рационального использования транспортных ресурсов.

В диссертации излагаются результаты теоретических и прикладных исследований по построению математических моделей и алгоритмов решения задач оптимального упорядочения транспортно-технологических и погрузочно-транспортных операций.

Содержание работы охватывает комплекс взаимосвязанных задач, представляющих обобщения известных задач упорядочения. С научных позиций целью диссертации является подтверждение

того факта, что заслуживающие внимания теоретические результаты могут быть получены на базе относительно простых моделей. С точки зрения практики представленные теоретические результаты содержательны по отношению к актуальным прикладным проблемам согласования во времени транспортных и технологических операций.

Наряду с разработкой прогрессивных технологий, ускоренной механизацией производства важная роль в развитии научно-технического прогресса отводится проблемам эффективного распределения ресурсов. Задачи оптимального распределения ресурсов являются обобщениями экстремальных задач упорядочения, выдвинутых в 50-х годах практикой планирования производства.

Проблема упорядочения состоит в определении такой очередности выполнения операций на каждом объекте производственной или технологической системы, которая исключает его неоправданные простои.

Методы оптимального упорядочения берут свое начало от алгоритмов решения задач, изучаемых в рамках специального раздела прикладной математики – теории расписаний. Исследуемая в работе модель последовательно-параллельного выполнения работ обобщает ряд широко известных моделей теории расписаний. Ее исследование способствует совершенствованию методов управления технологическими и производственными системами с ограниченными возможностями ввиду наличия одного или более объектов в качестве "узких мест".

Цель и задачи исследования. Цель исследования заключается в анализе и развитии методов управления последовательно-параллельными процессами и в разработке на их основе алгоритмов упорядочения транспортно-технологических и погрузочно-транспортных работ.

Поставленная цель требует:

1) систематизации и оценки теоретических практических результатов, полученных при исследовании моделей параллельного упорядочения;

2) построения математических моделей, описывающих процессы последовательного прохождения работ и параллельного

их выполнения;

3) анализа вычислительной сложности прикладных задач, связанных с построенной моделью, и разработки алгоритмов их решения;

4) аналитической или экспериментальной оценки работоспособности предложенных вычислительных процедур.

На защиту выносятся результаты, научной новизны которых состоит в следующем.

1. На основе анализа связи основополагающих задач теории расписаний с нетрадиционными задачами исследуемого класса предложено их описание с помощью усеченных классификационных формул.

2. Построена математическая модель подкласса задач упорядочения транспортно-технологических работ.

3. С позиции теории вычислительной сложности алгоритмов дана оценка времени решения каждой задачи подкласса и обоснован выбор метода их решения.

4. Предложен точный алгоритм по методу ветвей и границ для решения задач оптимального упорядочения транспортно-технологических работ.

5. В результате определения условий и параметров, характеризующих процесс функционирования простейшей погрузочно-транспортной системы, приведены постановки подкласса задач организации согласованной работы ее объектов.

6. Опираясь на результаты теории NP-полноты проведен анализ вычислительной сложности одной из задач упорядочения погрузочно-транспортных работ и предложен алгоритм ее решения.

Методы исследования. При решении задач исследования привлекались известные положения и результаты из теории множеств, комбинаторного анализа, теории вычислительной сложности алгоритмов, теории расписаний, методов программирования и конструирования пакетов прикладных программ. Проведено формальное доказательство корректности всех алгоритмов. Теоретические результаты поддержаны данными вычислительного эксперимента.

Практическая ценность заключается в возможности использования полученных результатов при разработке программного обес-

печения систем управления гибкими автоматизированными комплексами и транспортными системами.

Внедрение результатов. Результаты диссертационной работы использованы в учебном процессе при выполнении лабораторных работ в Лодзинском политехническом университете и Х-рьковском государственном автомобильно-дорожном университете.

Апробация работы. Основные результаты диссертационной работы докладывались и обсуждались на научно-технических конференциях профессорско - преподавательского состава Харьковского автомобильно-дорожного института (1989-1993 гг.), на 6-м и 7-м Международном симпозиуме "Системы. Моделирование. Контроль" (1990-1993 гг. Закопане, Польша).

Публикации. Результаты диссертации освещены в 5 печатных работах.

Структура и объем работы. Диссертация состоит из введения, четырех глав и заключения, изложенных на 133 страницах, содержит 17 рисунков, 8 таблиц, 100 наименований библиографии.

#### СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

В первой главе показано, что ряд задач эффективной организации транспортно-технологических и погрузочно-транспортных операций в самом общем виде может быть сформулирован следующим образом.

Требуется построить оптимальное в смысле выбранного критерия расписание для  $n$  независимых работ в системе из  $i+m$  машин двух уровней,  $n > m$ . Входом системы является единственная машина первого уровня, а выходом -  $m$  параллельно действующих машин второго уровня. Каждая работа  $g_k$ ,  $k=1, n$ , представлена двумя этапами. Первый этап работы  $g_k$  реализуется машиной первого за время  $\gamma_k$ , а второй этап длительности  $\beta_k$  выполняется какой-либо машиной из  $m$  машин второго уровня. В любой момент времени каждая машина занята выполнением не более одной работы, а каждая работа обслуживается не более чем одной машиной. Этапы работ выполняются без прерываний до их полного завершения. Все  $n$  работ одновременно поступают на вход сис-

темы.

Из анализа результатов исследований представленной модели оказывается, что, несмотря на ее нетрадиционность, все постановки задач рассматриваемого класса поддаются описанию в виде усеченных классификационных формул. В прикладном аспекте весьма важными являются задачи, в постановках которых содержится условие, состоящее в том, что каждая работа выполняется на заранее закрепленной за ней машине второго уровня. Это позволит рассматривать модель ресурсов таких задач в виде конвейерной системы из  $1+m$  машин. Поставленная выше задача имеет следующую усеченную классификационную формулу:  $F_{1+m} | 1-10_{<2>} | V_{\max}$ . Первое поле записи формулы определяет конвейерную систему из  $1+m$  машин. В обозначение второго поля вкладывается следующий смысл: в конвейерной системе каждая работа поступает на выполнение только на две машины, включая первую машину. С содержанием третьего поля связан критерий оптимальности, который в данном случае состоит в минимизации длины расписания. При  $m=1$  задача  $F_{1+m} | 1-10_{<2>} | V_{\max}$  имеет формулу  $F_2 | V_{\max}$  и известна как классическая задача Джонсона (задача двух станков).

Целевая функция задачи  $F_{1+m} | 1-10_{<2>} | V_{\max}$  имеет вид

$$V(\pi) = \max_{1 \leq i \leq m} \max_{1 \leq l \leq n} \left( \sum_{k=1}^l j_k + \sum_{k=1}^n i j_k \right),$$

где  $\pi = (j_1, j_2, \dots, j_n)$  - перестановка из  $n$  двухэтапных работ  $G_k \in G$ ,

$$b_{i j_k} = \begin{cases} \beta_{j_k}, & \text{если } k\text{-я работа в } \pi \text{ принадлежит множеству работ} \\ G_1, & \text{закрепленных за машиной } 1 \text{ второго уровня,} \\ 0 & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

При описании погрузочно - транспортных процессов в ситуациях, когда готовность транспортного средства определяется тем, завершен или не завершен этап погрузки, следует учитывать два требования: а) каждая двухэтапная работа должна вы-

полняться без прерываний (no wait); б) для данного транспортного средства очередная погрузочная операция должна быть начата только по завершению предыдущей транспортной операции (interrupt line). В этом случае задача  $F_{1+m} | 1=10_{\langle 2 \rangle} | V_{\max}$  становится задачей  $F_{1+m} | \text{no wait, interrupt line, } l=10_{\langle 2 \rangle} | V_{\max}$ .

В предположении, что длительность этапа погрузки для всех работ равна одному такту ( $\gamma_{j,i} = p_{1,j} = 1$ ), имеет практический смысл задача, в которой условие interrupt line заменено на следующее условие: для совокупности работ, выполняемых каждой машиной второго уровня, момент окончания очередной работы совпадает с моментом начала выполнения следующей за ней работы на машине первого уровня (continuous line). Если к тому же известно, что машина второго уровня  $i$  приступает к выполнению назначенных на нее работ в момент времени  $i$  ( $r_i = 1, m$ ), то получим постановку  $F_{1+m} | \text{no wait, continuous line, } r_i = 1, m, l=10_{\langle 2 \rangle} | p_{1,j} = 1$ .

В главе получены усеченные классификационные формулы всех задач, связанных с проблемой исследования.

Во второй главе приведены содержательные и математические формулировки задач, представляющих обобщения задачи  $F_{1+m} | l=10_{\langle 2 \rangle} | V_{\max}$ . Они естественным образом описывают транспортно-технологические процессы ГАП, включающего транспортно-складскую систему и параллельно действующие технологические линии, под которыми подразумеваются обрабатывающие центры, линии сборки, конвейеры.

Рассматриваемая оптимизационная модель календарного планирования ГАП описывает процесс взаимодействия транспортного механизма с  $m$  параллельно действующими технологическими линиями, на которых выполняется заданное множество работ  $T = (t_j, j=1, n)$ .

На  $i$ -ю линию,  $i=1, m$ , назначена совокупность  $T_i$  работ  $|T_i| = n_i$ , для  $s$ -й работы из  $T_i$  задано время ее выполнения  $\beta_{i,s}, s=1, n_i$ . Предполагается, что  $T = \cup_{i=1}^m T_i, T_i \cap T_{i'} = \emptyset, i \neq i', \mu \neq \nu$ . Каждая работа  $t_j, j=1, n_i$ , не должна прерываться до полного завершения. Любые две линии функционируют независимо друг от друга.

Складская система представлена в общем случае несколькими накопителями, связанными с технологическими линиями сетью транспортных маршрутов.

Функции робота состоят в обеспечении средствами, без которых не может быть закончена работа  $t_{i_s}$ . Для ее выполнения транспортный механизм за время  $\gamma_{i_s}$  доставляет со склада на линию  $i$  необходимые средства и возвращается на склад, затратив по тому же маршруту  $\eta_{i_s}$  единиц времени.

Требуется определить такую траекторию движения робота, которая бы минимизировала время функционирования всей системы.

Программу перемещения робота зададим последовательностью  $\pi = (j_1, j_2, \dots, j_n)$ , где  $j_k$  - индекс работы из множества работ  $T$ . Каждому элементу последовательности  $\pi$  поставим в соответствие параметр

$$b_{ij_k} = \begin{cases} \beta_{j_k}, & \text{если } k\text{-я работа в } \pi \text{ принадлежит } T_i, \\ 0 & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Время функционирования ГАП зависит не только от того, в какой очередности обслуживаются линии, но и от того, где находится робот в момент начала работы транспортной системы и как расположены линии относительно друг друга.

В связи с этим возможны различные постановки задачи. Показано, что их целевые функции имеют вид функции  $V(\pi)$ , где  $\gamma_{j_k}$  и  $b_{ij_k}$  предварительно определяются через параметры  $\gamma_k, b_k, \eta_k, k=1, n$ .

Пусть в момент начала и окончания функционирования ГАП робот находится на складе, являющемся исходным пунктом любого маршрута, а работа  $t_{i_s}$  может начаться только через  $\delta_{i_s}$  единиц времени после начала движения робота от склада к линии  $i$ ,  $i=1, m, s=1, n$ . Тогда задача состоит в минимизации на множестве всех перестановок  $\pi = (j_1, j_2, \dots, j_n)$  функции

$$D(\pi) = \max_{1 \leq i \leq m} \max \left[ \delta_{j_1} + \sum_{k=1}^n b_{ij_k}, \sum_{j=1}^n (\gamma_j + \eta_j) \right],$$

$$\max_{2 \leq j \leq n} \left( \sum_{k=1}^{j-1} \gamma_{j_k} + \sum_{k=1}^{j-1} \eta_{j_k} + \delta_{j_1} + \sum_{k=1}^n b_{i_{j_k}} \right).$$

При  $m=1$  получим

$$D(\pi) = \max \left[ \delta_{j_1} + \sum_{k=1}^n b_{i_{j_k}}, \sum_{j=1}^n (\gamma_j + \eta_j) \right],$$

$$\max_{2 \leq j \leq n} \left( \sum_{k=1}^{j-1} \gamma_{j_k} + \sum_{k=1}^{j-1} \eta_{j_k} + \delta_{j_1} + \sum_{k=1}^n b_{j_k} \right).$$

В терминах "детали-станки" задача минимизации функции  $D(\pi)$  представляет собой вариант задачи Нёбешимы.

Доказано, что минимум функции  $D(\pi)$  доставляет перестановка  $\pi^*$ , в которой следуют сначала компоненты с  $\gamma_k + \eta_k \leq \beta_k$  в порядке неубывания значений  $\delta_k$ , а затем — компоненты с  $\beta_k \leq \gamma_k + \eta_k$  в порядке невозрастания значений  $\delta_k + \beta_k - \gamma_k - \eta_k$ . Другими словами, решением задачи минимизации функции  $D(\pi)$  является решение задачи двух станков с длительностями выполнения  $k$ -й детали,  $k=1, n$ , на первом и втором станках, равными  $a_k = \delta_k$ ,  $b_k = \delta_k + \beta_k - \gamma_k - \eta_k$ .

Этот промежуточный результат позволяет представить задачу нахождения минимума  $D(\pi)$  как задачу  $P1+m \text{ il}=10_{\langle 2 \rangle} | V_{\max}$ , где

$$\gamma_{j_k} = \delta_{j_k}, \quad k=1, n,$$

$$b_{i_{j_k}} = \begin{cases} \max(0, \delta_k + \beta_k - \gamma_k - \eta_k), & \text{если } k\text{-я работа в } \pi \text{ принадлежит } T_1, \\ 0 & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Сводимостью задачи РАЗБИЕНИЕ установлена NP-трудность задачи  $P1+m \text{ il}=10_{\langle 2 \rangle} | V_{\max}$ .

По методу ветвей и границ предложен точный алгоритм ее решения, сопровождаемый процедурой построения бинарного дерева поиска. Отсюда следует, что алгоритм можно отнести к наименее трудоемким переборным процедурам.

Третья глава посвящена построению и изучению математической модели типичной погрузочно-транспортной системы, состоящей из двух типов машин. Первый тип представлен погрузочным механизмом, второй -  $m$  автомобилями, выполняющими маятниковые маршруты. Для построения графиков функционирования объектов системы должны быть известны список грузополучателей и технические характеристики погрузочного устройства и подвижного состава, важнейшими из которых считаются грузоподъемность каждой транспортной единицы и время погрузки. Для однотипных с точки зрения грузоподъемности автомобилей время погрузки можно определить равным одному такту. Список грузополучателей однозначно определяется совокупностью из  $n$  рейсов. Рейс состоит в погрузке автомобиля за время  $\gamma_j = p_{1j} = 1$ ,  $j=1, n$ , и в выполнении маятникового маршрута за известное число тактов  $\beta_j$ .

При введении дополнительных условий, регламентирующих работу объектов системы, возникает ряд практически важных постановок задач упорядочения двухэтапных работ в системе из  $1+m$  машин. Одной из них является задача  $1+P$  (no wait, interrupt line,  $l=2$ ,  $p_{1j}=1$  ;  $V_{\max}$ , содержательная постановка которой включает следующие требования: каждый рейс  $j$  может быть выполнен любым автомобилем за время  $\beta_j$ , а его грузоподъемность достаточна для выполнения любого рейса. Это требование условно представлено первым полем классификационной формулы, описывающим систему из единственной машины первого уровня и  $m$  идентичных параллельно действующих машин второго уровня. Иначе говоря, в постановке  $1+P$  (no wait, interrupt line,  $l=2$ ,  $p_{1j}=1$  ;  $V_{\max}$  снято условие, состоящее в предварительном назначении каждой работы на одну из  $m$  машин.

Приведено доказательство NP-трудности в сильном смысле частого случая задачи  $1+P$  (no wait, interrupt line,  $l=2$ ,  $p_{1j}=1$  ;  $V_{\max}$ , формулируемого в терминах распознавания свойств следующим образом.

Пусть векторы  $b_j = (b_{(1)}, b_{(2)}, \dots, b_{(m)})$  и  $\beta_j = (\beta_{(1)}, \beta_{(2)}, \dots, \beta_{(m)})$ ,  $b_{(1)} \leq b_{(2)} \leq \dots \leq b_{(m)}$ ,  $\beta_{(1)} \leq \beta_{(2)} \leq \dots \leq \beta_{(m)}$ ,  $b_{(1)} = 2(1-1)$  таковы, что

$$a) \sum_{s=1}^1 b_{(s)} \leq \sum_{s=1}^1 \beta_{(s)}, \quad l=1, m-1,$$

$$б) \sum_{l=1}^m b_{(s)} = \sum_{l=1}^m \beta_{(s)},$$

в) сумма любых  $k$  значений  $\beta_{(1)}$  не равна  $k(m-1)$ ,  $k=1, m$ .

Существует ли матрица  $Q$  порядка  $m$ , элементы которой  $q_{ij} \in (0, 1)$  удовлетворяют условиям:

$$q_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{если } m+j-1-i = \beta_{(1)}; \\ 0 & \text{во всех остальных случаях;} \end{cases}$$

$$\sum_{i=1}^m q_{ij} = 1, \quad j=1, m, \quad \sum_{j=1}^m q_{ij} = 1, \quad i=1, m.$$

В главе исчерпывающим образом исследуется задача  $P_{1+m}$  по wait, continuous line,  $r_1=1, m$ ,  $l=(0, <2>, p_{1,j}=1$ , решения которой можно рассматривать как график согласованной работы погрузочного механизма и  $m$  транспортных средств, предназначенных для выполнения заданного объема перевозок. Каждое средство  $i$ ,  $i=1, m$ , приступающее к работе в момент времени  $1$ , должно выполнить  $p_i$  рейсов от пункта погрузки и обратно. Известна длительность пребывания транспортного средства в рейсе  $j$ ,  $j=1, p_i$ , равная числу тактов  $\beta_j$  с момента отправления из пункта погрузки до момента возвращения к нему. Погрузочный механизм за время, равное одному такту, обслуживает одно и только одно транспортное средство и первые  $m$  тактов работает непрерывно. Задача состоит в построении графика  $P$ , исключающего простоя каждого автомобиля в очереди на погрузку.

Доказано, что задача  $P_{1+m}$  по wait, continuous line,  $r_1=1, m$ ,  $l=(0, <2>, p_{1,j}=1$  NP-полна в сильном смысле. К ней сводится задача построения  $(0, 1)$ -матрицы  $Q$ .

Предложена процедура организации перебора допустимых решений задачи, которая обеспечивает построение расписания  $P$ , если и только если для заданных значений  $m$  и  $\beta_{ip}$ ,  $i=1, m$ ,  $p=1, p_i$  оно существует.

В четвертой главе освещаются вопросы создания на персональном компьютере типа IBM PC пакета ОРММ прикладных

программ (ППП) построения расписаний для двухэтапных работ, выполняемых в системе из  $1+m$  машин, в условиях, когда границы проблемы "размыты" еще нерешенными задачами.

Идея использования усеченных классификационных формул для описания задач последовательно-параллельного упорядочения оказывается весьма плодотворной на этапе определения состава программ пакета. В приведенной ниже таблице перечислены задачи, образующие основу ППП ОРММ. В ней содержатся как полностью исследованные модели, так и модели, подлежащие изучению. Для всех задач, за исключением 6 и 11, предложены точные или приближенные алгоритмы. Все перечисленные задачи, кроме задачи 7, состоят в минимизации длины расписания. Задача 7 сформулирована в терминах распознавания свойств.

Стратегия разработки пакета ОРММ построена на принципах объектно-ориентированного программирования, а в качестве языка программирования выбран Паскаль в системе Turbo Pascal фирмы Borland. В соответствии с принципами модульного программирования пакет разбивается на отдельные, функционально независимые модули. Каждый модуль в свою очередь разбит на раздел описаний и раздел реализаций, содержащий информацию, которая необходима транслятору для обеспечения связи с данным модулем.

Структура пакета ОРММ предложена в виде общей абстрактной схемы для традиционных диалоговых процедур. Она способна к расширению как для обеспечения интерфейса, так и для непосредственного манипулирования объектами.

В главе приведены результаты вычислительного эксперимента с целью получения выходных характеристик для переборного алгоритма решения задачи  $F_{1+m}; no\ wait, continuous\ line, r_1=1, m, l=10_{<2>}, p_{1j}=1$

№	Сокращенная классификационная формула	Статус	Сложность	Оценка точности
1	$F2 V_{\max}$	P	$O(n \log_2 n)$	
2	$F1+m l=10 \langle 2 \rangle, P_{ij} = \text{const}   V_{\max}$	P	$O(n \log_2 n)$	
3	$F1+m l=10 \langle 2 \rangle   V_{\max}$	NP		точн.
4	$F2 no\ wait   V_{\max}$	P	$O(n \log_2 n)$	
5	$F1+m no\ wait, l=10 \langle 2 \rangle   V_{\max}$			
6	$F1+m no\ wait, interrupt\ line, l=10 \langle 2 \rangle   V_{\max}$	NP		
7	$F1+m no\ wait, continuous\ line, r_1=1, m, l=10 \langle 2 \rangle, P_{ij}=1$	NP		
8	$1+P l=2   V_{\max}$	NP	$O(n \log_2 n)$	$2V(\Omega^*) - n \frac{\beta^n}{2}$
9	$1+P no\ wait, interrupt\ line, l=2   V_{\max}$	NP	$O(n \log_2 n)$	$2V(\Omega^*)$
10	$1+P no\ wait, interrupt\ line, l=2, P_{ij}=1   V_{\max}$	NP	$O(n \log_2 n)$	$(\frac{3}{2} - \frac{1}{2m})V(\Omega^*)$
11	$1+P no\ wait, l=2   V_{\max}$			

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Результаты выполненной работы ориентированы на обобщение и развитие важнейших разделов дискретной оптимизации; теории сложности вычислений и теории расписаний. С точки зрения практики проведенные исследования направлены на создание методов и алгоритмов эффективной организации погрузочно-транспортных и технологических работ.

Основные результаты исследований заключаются в следующем.

1. На основе анализа изучения класса задач составления расписаний двухэтапных работ, выполняемых в системе из  $1+m$  машин, предложены математические модели синхронизации погрузочно-транспортных операций и операций в ГАП. В результате анализа показано, что они относятся к проблеме распараллеливания операций. Это позволило получить с помощью усеченных классификационных формул постановки ранее изученных задач и задач исследования.

2. Дано формализованное описание процесса взаимодействия объектов типичной гибкой автоматизированной системы, в результате которого получены постановки пяти задач построения оптимальной по быстрдействию программы перемещения транспортного средства для доставки ресурсов на технологические линии. Приведено доказательство того, что все поставленные задачи описываются одной усеченной классификационной формулой и могут быть решены с помощью одного алгоритма оптимизации функций, заданных на множестве перестановок.

3. Показано, что при  $m=1$  все рассматриваемые задачи эффективно разрешимы за время  $O(n \log_2 n)$ , а в общем случае они NP-трудны.

4. Предложен точный алгоритм построения бинарного дерева поиска, позволяющий решить любую из поставленных задач путем изменения значений параметров на ходе процедуры; доказана корректность алгоритма.

5. Показано, что в отличие от задач упорядочения транспортно-технологических операций в условиях задач организации погрузочно-транспортных процессов содержится требование непрерывности выполнения для каждой работы.

6. В терминах задач составления конвейерных расписаний сформулирована одна из задач подкласса задач упорядочения, объединяемых тем, что их постановки учитывают динамику погрузочно-транспортного процесса и роль пункта погрузки как "уакого места".

7. Доказана сильная NP-полнота поставленной задачи и предложена корректная процедура организации поиска ее решения, задаваемого графиком функционирования  $1+m$  машин.

8. Выполнен вычислительный эксперимент с целью получения параметров, характеризующих работоспособность предложенной процедуры и возможность ее практического использования.

9. На основе анализа и классификации задач упорядочения двухэтапных работ в системе из  $1+m$  машин предложен список программных модулей проблемно-ориентированного пакета, предназначенного как для практической работы, так и для исследования моделей и методов теории расписаний. С учетом специфики задач упорядочения определены состав и структура пакета.

Основные результаты диссертации отражены в следующих работах:

1. Malolepszy A., Warakin A.S., Panishev A.V., Polozova I.N. Some New Results for generalized twostage flowshop sequencing problems // System Modelling Control. 6. - 1990. - V. 3. - Zakopane, Poland, P. 15-20.

2. Malolepszy A., Warakin A.S., Panishev A.V. On a heuristic algorithm of the task sequencing in system with parallelly working objects // Informatyka. Zeszyty naukowe. Politechnika Lodzka. - 1991, N623. - P. 51-65.

3. Malolepszy A., Panishev A.V., Polozova I.N. Some New Results for generalized twostage flowshop sequencing problems // System Modelling Control. 7. - 1993. - V. 2. - Zakopane, Poland, P. 104-106.

4. Malolepszy A., Panishev A.V. Algorithm of Task Sequencing in a System Consisting of  $1+m$  Machines // Informatyka. Zeszyty naukowe. Politechnika Lodzka. - 1993, N679. - P. 71-83.

Подп. к печ. 21.02.94. Формат 60 x 84 1/16.  
1,0 усл.-печ.л., 1,0 уч.-изд.л. Тираж 100. Заказ 317.

---

Участок оперативной печати Харьковского ГАУ.



460466

AB 29.322